多翼ファンの渦流動損失に及ぼす弦節比の影響

佐々木 壮一^{*}・児玉 好雄^{*}・林 秀千人^{*} 大山 真吾^{**}・宇都 太一^{**}

Influence of the Solidity on the Vortex Flow Losses of a Multiblade Fan

by

Souichi SASAKI^{*}, Yoshio KODAMA^{*}, Hidechito HAYASHI^{*} Shingo OHYAMA^{**} and Taichi UTO

The inclusive influence on the flow losses of the design parameter of a multiblade fan was analyzed by the solidity of the impeller. In an analytical theory of the flow losses, a flow loss caused by the biased flow around the impeller was proposed. The upper limit on the design of the solidity was 2.5, and the solidity made to linear design the flow losses of the fan until the upper limit. When the solidity of the impeller was designed small, the total pressure of the fan at the same design flow rate quantity became high. In the design condition that the solidity was smaller than 2.5, it was considered that the total pressure of the fan was influenced by the slip factor rather than the sum flow loss. On the other hand, when the solidity was greater than 2.5, it was considered that the total pressure of the fan.

1 序論

多翼ファンの羽根車の設計条件には、羽根車の翼弦 長とピッチの比によって定義される弦節比がある.羽 根車の翼形状が一円弧法⁽¹⁾によって設計されるときに は、その翼形状は羽根車の内外径比と設計角によって 決定される.この弦節比はこれらの設計条件に羽根枚 数を加味した、包括的な羽根車の設計条件として取り 扱うことができる.

多翼ラジアルファンの設計条件の最適化に関する研 究⁽²⁾では、外径 100mm、内径 58mm、羽根枚数が 120 枚で設計された羽根車は、その流体力学的特性と騒音 特性のいずれも改善されることが示されている.著者 らは、この研究成果の羽根枚数の注目し、羽根枚数が 100 枚程度の多翼ファンの空力特性⁽³⁾と騒音特性⁽⁴⁾の を研究してきた.この羽根枚数が 100 枚程度の多翼フ ァンは、一般の工業製品で利用される羽根枚数が 40 枚程度の多翼ファンと区別するために、超多翼ファン と呼ばれることもある(5).

この超多翼ファンの空力特性に関する研究では⁽³⁾, 内外径比の大きな羽根車ほど高圧の作動点を高流量側 に設計できること,超多翼ファンの流動損失の相似性 を利用してその全圧特性を定量的に予測することが可 能であることなどが明らかにされている.しかし,こ れまで多翼ファンと超多翼ファンの両者の流動損失に 及ぼす羽根車設計条件の影響が包括的に議論されたこ とはなく,その流動損失に及ぼす羽根車の設計条件の 影響については不明な点も多い.

そこで本研究では、多翼ファンの流動損失に及ぼす 羽根車の設計条件の包括的な影響がその弦節比によっ て解析されている.この流動損失の解析理論では、多 翼ファンの周方向の偏流によって生じる流動損失が提 案されている.これらの流動損失の解析に基づいて、 その弦節比によって線形設計された多翼ファンの全圧 に及ぼす流動損失の影響が考察されている.

平成17年12月14日受理

http://www.lb.nagasaki-u.ac.jp/reports/kougaku/default.html

^{*} 機械システム工学科 (Mechanical Systems Engineering)

^{**} 生產科学研究科博士前期課程(Graduated Student, Graduated School of Science and Technology)

2 主な記号 AR:有効流路面積比 mm² *B*: 羽根枚数 *b*:羽根幅 mm *C*: 翼弦長 mm c_{sl}:滑り速度 m/s D: 羽根車と測定位置の直径 mm H: スクロールケーシングの高さ mm K:: 羽根幅に対する渦流の流路閉塞率 Kw: 翼間に対する後流の流路閉塞率 K_θ: 羽根車外径に対する偏流の流路閉塞率 k: 滑り係数 L:はく離せん断層の長さ mm 1: 方向ベクトル N: 羽根車の回転数 rpm Q:流量 m³/min W:スクロールケーシングの幅 mm *u*:周速度 m/s v:絶対速度 m/s v_r:絶対速度の半径方向成分 m/s v_d:絶対速度の周方向成分 m/s w:相対速度 m/s α :絶対流出角 deg. β :相対流出角 deg. β_b : 羽根車の設計角 deg. θ:スクロールケーシング周りの角度 deg. φ:流量係数 *ϕ*_t:ファンの全圧係数 ψ_{th∞}: 羽根枚数無限大の理論全圧係数
 ϕ_{th} :理論全圧係数(= $\phi_{th\infty}$ - 2k₂) σ : 弦節比 △ φ_i: 翼間の流動損失係数 $\Delta \phi_b$: 偏流損失係数 △ ψ_w: 後流の流動損失係数 △ ϕ_{vf}: 渦流の流動損失係数 △ ϕ_{sc} : スクロールケーシングの拡大損失係数 $\Sigma \angle \phi$:総流動損失係数 Γ:循環 m²/s γ :出口偏差角 deg. δ:境界層厚さ λ:動力係数 n: 効率 添え字 1: 羽根車入口 2:羽根車出口



(a) MF0840

(b) MF1940



(c) MF08120	(d) MF19100

Fig.1 Impeller of the multiblade fan

Table 1 Main dimensions of the impeller

Impeller	MF0840	MF1940	MF08120	MF19100
Inner diameter , D_1 (mm)	110	88	110	88
Outer diameter, D_2 (mm)	125	125	125	125
D_i/D_o ratio , e	0.880	0.704	0.880	0.704
Chord length, C (mm)	8	19	8	19
Inlet angle , β_{b1} (deg.)	64.7	57.9	64.7	57.9
Outlet angle , β_{b2} (deg.)	152.6	144.5	152.6	144.5
Number of blade, B	40	40	120	100
Span length , b_2 (mm)	50	50	50	50
Thickness, t (mm)	1	1	1	1
Solidity, σ	0.815	1.935	2.445	4.838

m: 測定位置

PS: 圧力面側

SS: 負圧面側

3 実験装置および実験方法

3.1 羽根車とスクロールケーシング

図1は供試羽根車の外観写真を示したものである. 表1にはその主要寸法がまとめられている.羽根車の 弦節比σは式(1)として定義される.

$$\sigma = \frac{C}{S}, S = \frac{\pi D_2}{B} \tag{1}$$

ここで、*S* は羽根車の翼のピッチである.以下の説明 では、4 種類の羽根車による多翼ファンが M0840, MF1940, MF08120 および MF19100 と表記されている. 尚、羽根車名称の数字はその羽根車の翼弦長と羽根枚 数の組み合わせである.



Fig.2 Scroll Casing of the fan

Table 2 Main Dimensions of the Scroll Casing

Volute angle, θ_v (deg.)	6.0
Projection ratio , d/D_2	0.09
Clearance, s (mm)	6.0
Duct size, W (mm) \times H (mm)	70 × 63



Fig.3 Experimental apparatus for measuring the total pressure of the multiblade fan

図2はスクロールケーシングの形状を示したもので ある.スクロールケーシングの主要寸法は表2に示さ れる通りである.

3.2 全圧特性の測定方法

図3には多翼ファンの全圧特性を計測するための実 験装置が示されている.ファンの吐出し口には全長 1248mmのダクトが取り付けられており,静圧はファ ンの吐出し口から80mm後方の静圧孔から測定される. 全圧は実測値の静圧とファン吐出し口の断面積によっ て決定される平均速度による動圧との和である.流量 はファンの吐出し口から873mm後方のオリフィスで 計測され,その流量は補助ファンの出口側に取り付け られたダンパーによって調整される.流量係数 øと全 圧係数 ø,は式(2)によって整理されている.

$$\phi = \frac{Q}{60\pi D_2 b_2 u_2}, \ \phi_i = \frac{2P_i}{\rho u_2^2}$$
(2)



Fig.4 Velocity triangle at outer diameter of the impeller measurement and measurement point

全圧特性の計測では、モーターの回転数が2800rpm に 保たれている.

3.3 内部流動の測定方法

実測値の流動様相は羽根車の外径 D_2 よりも10mm 外側の直径 D_m の位置で5孔球形ピトー管によって計 測されたものである(図2参照).羽根車のスパン方 向の流動様相は、測定位置 MP を基準として±45deg. の範囲で、その半径方向速度が最大となる位置で測定 されている.その測定位置でのスパン方向の分布には 5mm 間隔の9点が採用されている.

内部流動を測定するときには、そのモーターの回転 数が、MF19100の内部流動の測定を除いて、2800rpm に保たれている.MF19100の内部流動は、モーターの 回転数が1400rpmであるときの結果である.なお、回 転数が1400rpmと2800rpmのいずれも、無次元化され た4種類の多翼ファンの全圧特性は同じであることを 確認している.

4 流動損失の解析方法

4.1 羽根車出口の速度三角形

図4は内部流動の測定位置と羽根車出口での速度三 角形を合わせて示したものである.5 孔球形ピトー管 による流動様相の計測では、その測定位置の絶対速度 v_m 、絶対流出角 a_m 、静圧および全圧を計測することが できる.その測定位置での速度成分を解析するために は、その周速度 u_m を決定する必要がある.本研究では、 この周速度 u_m が羽根車を一つの剛体渦と仮定した場 合の誘起速度として決定されている.このとき、その 循環によって誘起される周速度 u_m は式(3)となる.

$$u_m = \frac{\Gamma}{2\pi r}, \ \Gamma = \pi D_2 u_2 \tag{3}$$



Fig.5 Schematic view of the flow in the meridional section

ここで、r は羽根車の回転軸中心から測定位置までの 距離である.

内部流動の測定位置が羽根車出口よりも遠距離場に 位置し、羽根車から流出した後流が十分に拡散してい るときには、後流はその周方向にほぼ一様な分布とな る. 羽根車出口と測定位置の翼間の流量が保存される ときには、羽根車出口での一様な半径方向速度 v2 は測 定値での半径方向速度 vm に等しい. また, 相対流れ の流線の方向が羽根車出口から測定位置まで変化しな いときには ($\beta_2 = \beta_m$), 羽根車出口での相対速度 w_2 は式(4)となる.

$$w_2 = \frac{v_{rm}}{\cos\left(\beta_2 - 90\right)} \tag{4}$$

式(4)の相対速度 w2,相対流出角 β2 および周方向速度 u2の関係から、羽根車出口側での速度三角形が決定さ れる.

4.2 子午面の流動モデル

図5はスクロールケーシング内部の子午面 (r-z 断 面)の流動モデルを示したものである.この子午面の 流動モデルは、スクロールケーシングのベルマウス側 で渦流を伴う流れの領域(以下,渦流部)とハブ側に 偏流した外向きに流出する領域(以下、主流部)の二 つの領域に分割して表したものである. 渦流部が羽根 幅 b, に占める割合, 即ち, 羽根幅に対する流路閉塞率 K_z は式(5)のように評価した.

$$K_{z} = 1 - AR(z), AR(z) = \frac{1}{b_{2}} \int_{0}^{b_{2}} \left(\frac{v_{rm}(z)}{v_{rm}} \right) dz \quad (5)$$

ここで、AR(z)は羽根幅に対する主流部の有効流路面積 比, v_{rm} は測定位置での半径方向速度, しは主流部の 平均値を意味する記号である. 羽根幅方向の実質的な 流路はこの渦流によって狭められる.



Fig.6 Designed shape of an arc blade

4.3 **偏流の流動損失**

文献(4)では、羽根車の周方向にわたる主流部の流動 様相は、スクロールケーシングのある特定の位置に偏 流した流れとなることが示されている.本研究では、 設計上の翼間流量と実測値の翼間流量との比較によっ て、羽根車の周方向の偏流の規模を定量化した、羽根 車から外向きに流出する流れの周方向に対する流路閉 塞率K。は、式(6)のように評価されている.

$$K_{\theta} = 1 - AR(\theta), AR(\theta) = \frac{dQ}{dq}$$
(6)
$$dq = v_{r_2}(z) S b_2, dQ = \frac{60 \pi D_2 b_2 u_2 \phi}{B}$$

ここで, AR(θ)は羽根車から外向きに流出する流れの 周方向の有効流路面積比, dq は実測値の翼間流量, dQ は設計上の翼間流量である.

この羽根車の周りに偏流した流れが一様化されると きには、流動損失がその局所的な偏流の拡散によって 生じる(以下, 偏流損失). 本研究では, この偏流損 失ヘッドが式(7)として提案されている.

$$\Delta h_{b} = \left(\frac{K_{\theta}}{1 - K_{\theta}}\right)^{2} \frac{v_{r2}^{*2}}{2g}, v_{r2}^{*2} = AR(\theta) v_{r2}$$
(7)

ここで、v2*は周方向に一様化された半径方向速度であ る.以下の説明では、右肩に*が付加された速度成分の 変数は, 全て AR(θ)によって一様化されている.

4.4 渦流の流動損失

渦流による流動損失ヘッドは、文献(3)を参考にして、 式(8)のように与えられている.

$$\Delta h_{vf} = K_z^2 \frac{v_{\theta 2}^{*2}}{2g}$$
(8)



Fig.7 Schematic view of the relative velocity vector at the impeller outlet

ここで、 $v_{\theta 2}$ は一様化された絶対速度の周方向速度成分である.

4.5 後流の流動損失

図6には一円弧法で設計された円弧翼の形状が示さ れている⁽¹⁾. 負圧面側のはく離点は,実測値の出口偏 差角 γ₂で流出する相対流れの流線Bが円弧Aに接す る点であるとした. はく離領域の長さLは,円弧中心 を原点とした翼後縁までのベクトルI₂とはく離点まで のベクトルI₈の関係から,式(9)のようにして算出した.

 $L = \left| \vec{l_2} - \vec{l_s} \right| \tag{9}$

図7は羽根車出口側での相対速度の速度ベクトルを 図示したものである.正圧面側と負圧面側に発達する 乱流境界層の排除厚さは式(10)とした⁽⁶⁾.

 $\delta_{PS} = 0.0477 C \operatorname{Re}^{-1/5}, \delta_{SS} = 0.0477 C \operatorname{Re}_{\hat{\varepsilon}}^{-1/5} (10)$ $\hat{\xi} = C - L$

ここで、 $\delta_{PS} \geq \delta_{SS}$ は1/7乗則に従う境界層排除厚さ、 Re_{ε} は境界層が発達する領域の長さ*を*と相対速度w₂ を基準としたレイノルズ数である.負圧面側のせん断 層の排除厚さ D_{SS} は式(11)のように見積もられている. $D_{SS} = 0.7 L \tan \gamma$, (11)

以上の解析から,翼間に対する後流の流路閉塞率K_wは 式(12)として与えられる.

 $K_{w} = \frac{\delta_{PS} + t + D_{SS} + \delta_{SS}}{S}$ (12) ここで, *t* は翼厚である.このとき,後流の流動損失 ヘッドは式(13)となる⁽⁷⁾.

 $\Delta h_{w} = \left(\frac{K_{w}}{1 - K_{w}}\right)^{2} \frac{v_{r2}^{*2}}{2g}$ (13)

4.6 多翼ファンの全圧特性と流動損失の関係

翼間の流動損失ヘッド $\angle h_i$ は、羽根車出口での理論 全圧 H_{th2} と実測値の全圧ヘッド H_{tm} との差から式(15) のように見積もられている.



Fig.8 Relation between the flow rate coefficient and the total pressure coefficient

$$\Delta h_{i} = H_{ih2} - H_{im}$$

$$H_{ih2} = H_{ih2} - \frac{u_{2}c_{s/2}}{g} = \frac{\sqrt{v_{2}^{*2} + u_{2}^{*2} - w_{2}^{*2}}}{2g}$$
(15)

また,スクロールケーシングの拡大に伴う流動損失は 式(16)によって評価した.

$$\Delta h_{sc} = \left(1 - \frac{W_m}{W}\right)^2 \frac{v_{\partial 2}^{*2}}{2g}$$
(16)

ここで、Wmは測定位置でのスクロールケーシング流路幅、Wはファンの出口幅である(図2参照).

以上の損失ヘッドが羽根車の周方向速度を基準とした動圧によって無次元化されると、多翼ファンの全圧 係数と流動損失係数は式(17)となる.

$$\phi_{i} = \phi_{ih\infty} - 2k_{2} - \sum \Delta \phi$$

$$= \phi_{ih} - \Delta \phi_{i} - \Delta \phi_{b} - \Delta \phi_{w} - \Delta \phi_{sc} - \Delta \phi_{vf}$$
ここで、 $\phi_{ih\infty}$ は羽根枚数無限大の羽根車の理論全圧係
数、 k_{2} はすべり係数、 $\sum \angle h$ は総流動損失係数、 $\Delta \phi$
は流動損失係数である.

5 結果および考察

5.1 多翼ファンの全圧特性

図8は多翼ファンの全圧特性を示したものである. 流量係数が0.15よりも高流量側では、その弦節比が4 種類の羽根車の中では最大となるMF19100を除き、弦 節比が小さいほどその全圧係数は高くなった.しかし、 MF0840の高い全圧の作動範囲は弦節比がそれよにも 大きな場合の特性と比較して狭くなった.

5.2 内部流動の解析

図9には主流部の半径方向速度の周方向分布が示されている. 横軸の θ は図2の測定位置 MPを基準とした回転角度である. MF1940の半径方向速度の最大値は、その他のファンの半径方向速度の最大値よりも大きく、 θ =30deg.近傍に偏った流れになった. この速度



Fig.9 Distribution of the radial flow velocity around the outer diameter of the impeller

Table 3 Summary of the effective flow channel area ratio

	σ	D_{1}/D_{2}	$AR(\theta)$
MF0840	0.815	0.880	0.641
MF1940	1.935	0.704	0.413
MF08120	2.445	0.880	0.551
MF19100	4.838	0.704	0.470

分布を参考にして,各ファンの内部流動の周方向の測 定位置が図中の破線の角度として決定されている.表 3 は有効流路面積比 *AR(θ)*を弦節比毎に整理したもの である.この *AR(θ)*の値が小さいほど,多翼ファンの 流動様相は羽根車の周方向に偏った流れであることを 意味する.4 種類の多翼ファンを比較した範囲では, MF1940 の周方向の流動様相が最も周方向に偏ってい ることがわかる.

図 10 は半径方向速度のスパン方向の分布を, MF0840 と MF08120 の場合について比較したものであ る. MF0840 の半径方向速度は MF08120 よりもハブ側 に偏った流れとなった. 表4 は羽根幅に対する流路閉 塞率 K₂を弦節比毎に整理したものである. この K₂は ファンの入口側に形成される渦流の大きさに関係する 無次元量である. K₂は MF08120 が最も小さく,内外 径比の大きな羽根車の K₂ が全体的な傾向として大き くなった. しかし, MF0840 と MF08120 のように,例 え内外径比が等しく設計された羽根車でも,弦節比の 異なる羽根車の K₂ は異なる大きさになった.

図 11 はすべり係数 k2と弦節比 σの関係を示したものである. 弦節比が 2.5 よりも小さい範囲では, 滑り 係数は弦節比に概ね比例して大きくなった. しかし, 弦節比が 2.5 よりも大きくなると, 滑り係数は変化し なかった.



Fig.10 Distribution of the radial flow velocity along the blade width

Table 4 Summary of the Blockage factor

	σ	D_{1}/D_{2}	Kz
MF0840	0.815	0.880	0.316
MF1940	1.935	0.704	0.353
MF08120	2.445	0.880	0.286
MF19100	4.838	0.704	0.388



Fig.11 Relation between the solidity and the slip factor

5.3 流動損失の解析

図 12 は多翼ファンの主流部の流動損失係数と弦節 比の関係を整理したものである.このとき,流量係数 は 0.2 に統一されている. (a)は翼間の流動損失係数 $\triangle \phi_i$, (b)は偏流損失係数 $\triangle \phi_b$ である. $\triangle \phi_i \geq \triangle \phi_b$ の 両者の流動損失は弦節比によって変化しなかった. (c) は後流の流動損失係数 $\triangle \phi_w$ である.弦節比が 2.5 より も小さい範囲では, $\triangle \phi_w$ は無視できるほど小さい. しかし,弦節比が 2.5 よりも大きくなると, $\triangle \phi_w$ は増 加した. (d)のスクロールケーシングの拡大による流動 損失係数 $\triangle \phi_{sc}$ の平均値はその他の流動損失より小さ く,この流動損失にも弦節比によって大きな変化が現 れなかった. (e)の渦流の流動損失係数 $\triangle \phi_{sf}$ は,弦節 比が 2.5 までは一様に減少したが,MF19100 はこの傾 向とは異なる結果になった.これは,弦節比が 2.5 よ りも大きくなると,弦節比が羽根幅に対するその流路



Fig.12 Relation between the solidity and the flow losses



Fig.13 Relation between the solidity and the sum losses

閉塞率を決定する支配的因子ではなくなるためである と考えられる.5 つの流動損失を解析した結果,弦節 比が2.5 までの範囲では,その弦節比は渦流の流動損 失に影響を及ぼすことがわかった.

図 13 は多翼ファンの総流動損失 $\Sigma \bigtriangleup \phi$ と流量係数 の関係を示したものである. MF19100 の総流動損失が 最も大きく, MF08120 が最も小さくなった. また, MF0840 と MF1940 の総流動損失にはほとんど差が生 じなかった.



Fig.14 Relation between the flow rate coefficient and the total pressure coefficient



Fig.15 Total pressure designed by the solidity

5.4 全圧特性と弦節比の関係

図14は4種類の多翼ファンの実測値の全圧特性と式 (17)の全圧特性を合わせて示したものである. 図中の 凡例が実測値の全圧係数であり,実線が式(17)による 全圧係数である.また,図中の太い破線は,多翼ファ ンの出口側の静圧が大気圧であることを示す特性曲線 である.実際のファンの使用状況下では,この破線よ りも高流量側でこれらの多翼ファンが運転されること はない.流量係数が0.15よりも高い流量の範囲では, 式(17)によって見積もられた全圧特性は実測値の全圧 特性の傾向を表すことができた.

図 15 には、流動損失の解析に基づいて線形設計され た多翼ファンの全圧特性が示されている. この線形設 計の適用範囲は σ <2.5 である. また、設計点の流量係 数は0.2 に設定されている. 実線が出口角 β_{b2} =152.6deg の羽根車の全圧係数であり、破線が β_{b2} =144.5deg の全 圧係数である. 図中の凡例は実測値のファンの全圧係 数である. 多翼ファンの理論全圧係数 $\phi_{h\infty}$ は、 β_{b2} =152.5deg.の羽根車が β_{b2} =144.5deg.の羽根車よりも 理論的に大きくなる. 弦節比が大きくなると、式(17) の全圧係数 ϕ_t は低くなった. この全圧係数の低下は、 図 11 のすべり係数 k_2 と図 12 の渦流の流動損失 $\Delta \phi_{yf}$ の傾向を勘案すると、主として滑り係数の影響である ことがわかる. 一方、 $\sigma>2.5$ の設計条件では、多翼フ ァンの全圧特性には後流の流動損失 $\Delta \phi_w$ と渦流の流 動損失 $\Delta \phi_{yf}$ の影響が及ぶことが類推できる. また、 図 13 の比較では、MF0840 と MF1940 の総流動損失に はほとんど差がなかった. このことから、MF0840 と MF1940 の全圧係数には、弦節比の影響だけでなく、 出口角 β_{b2} の影響も現れていると考えられる.

6 結言

多翼ファンの流動損失に及ぼす弦節比の影響を解析 した結果,以下の結論を得た.

(1) ファンの流動損失を線形設計することが可能な弦節比の設計値の上限は2.5 であった.

(2) 羽根車の弦節比が小さく設計されると、同じ設計 流量での多翼ファンの全圧は高圧になった.

(3) 羽根車の弦節比が小さく設計されると、すべり係 数は小さくなった.

(4) 羽根車の弦節比が大きく設計されると、渦流の流 動損失は小さくなった.5 つの流動損失と弦節比の関 係を調査した範囲では、渦流の流動損失だけがその弦 節比とともに変化した.

(5) 本研究で提案された偏流損失を含む5つの流動損 失は,流量係数が0.15よりも高流量側で,実測値の多 翼ファンの全圧特性の傾向を表すことができた. (6) 羽根車の弦節比が 2.5 よりも小さな設計条件では、 多翼ファンの全圧には流動損失よりも滑り係数の影響 が及ぶと考えられる.

(7) 羽根車の弦節比が 2.5 よりも大きな設計条件では、 多翼ファンの全圧特性には後流と渦流の流動損失の影響が及ぶと考えられる.

参考文献

(1) 生井武文,井上雅弘,ターボ送風機と圧縮機, (1988), p.233, コロナ社

(2) 新原登, 児玉好雄, 林秀千人, 畠山真, 多翼ラジ アルファンの流体力学的特性と騒音特性に関する実験 的研究(流体力学的特性および騒音特性に及ぼす羽根 車内径, 羽根枚数の影響), 日本機械学会論文集 B 編, 第 62 巻, 第 602 号(1996), pp.3642-3648

(3) 佐々木壮一,児玉好雄,畠山真,多翼シロッコファンの空力特性に及ぼす混合損失の影響,日本機械学会論文集B編,第71巻,第701号(2005), pp.72-79

(4) Souichi SASAKI, Yoshio KODAMA, Hidechito HAYASHI and Makoto HATAKEYAMA, Influence of the Karman Vortex Street on the Broad Band Noise Generated from a Multiblade Fan, Journal of Thermal Science, Vol. 14, No.3 (2005), pp.198-205

(5) 例えば,機器冷却用高性能ブロワー(超多翼遠心ファン),ターボ機械,第31巻,第9号(2003), p. 540
(6) 生井武文,井上雅弘,粘性流体の力学,(1978), p.152,理工学社

(7) J. P. Johnston, R. C. Dean, Jr., Losses in Vaneless Diffusers of Centrifugal Compressors and Pumps, Transactions of the ASME, Ser. A, Vol.88, No.1(1966), pp.49-62