インデューサ付き遠心ファンの乱流騒音に関する研究 荻野 和郎*・児玉 好雄**・林 秀千人** 大森 和也***・北条 智****

Turbulent Noise Generated by a Centrifugal Fan with Inducer

by

Kazuo OGINO^{*}, Yoshio KODAMA^{**}, Hidechito HAYASHI^{**}, Kazuya OOMORI^{***} and satoshi HOUJYOU^{****}

An investigation of aerodynamic characteristics and noise in a centrifugal fan with inducer was conducted with respect to the effects of three parameters: inlet angle, outlet angle and skew angle of the impeller. Moreover, we proposed a new method to calculate the width of wake which is an important parameter to controll the turbulent noise. It is shown that the inlet angle hardly effects on the turbulent noise but the outlet angle and the skew angle of the blade effect on that. The optimum value of the outlet angle is about 48 degree and that of the skew angle is about 10 degree. The experimental values of the overall turbulent noise with L-weighting and A-weighting functions agreed well predicted valued.

Key words: Fluid Machine, Centrifugal Fan with Inducer, Fan Noise, Turbulent Noise, Specific Noise Level

1. はじめに

遠心羽根車の入口にインデューサを設置したイン デューサ付き遠心ファンは、インデューサ無しの従来 の遠心ファンに比較して騒音レベルはほぼ同等である が、静圧はかなり高くなることを著者らは明らかにし た⁽¹⁾。この結果、インデューサ付き遠心ファンはイン デューサ無し遠心ファンに比べて約7%のファン効率 の上昇と、約5dBの比騒音レベルの低下を可能にし た⁽¹⁾。このことは、インデューサを設けることでファ ンの特性が大幅に改善できることを示すものである。

市販ソフトのタスクフローを用いた羽根車周りの流 動解析によれば、インデューサ付き遠心ファンの場合 には、インデューサ後縁と主羽根前縁の境目近傍から 流れは次第に羽根面に沿わなくなり、主羽根後縁では 後流の幅がかなり広くなる傾向が見られる⁽¹⁾。これは インデューサと主羽根の境目近傍において,圧力面か ら負圧面へのもれ流れが発生しているためである。こ の結果を参照して音響出力に関与する重要な因子の一 つである代表相対速度として主羽根入口相対速度を用 いて音圧レベルを予測したところ,予測値と実験値は よく一致した⁽¹⁾。このことは渦放出に基づく騒音予測 の際の代表相対速度ははく離点における相対速度であ ることを示唆するものである。一方,音響出力には後 流の幅も関与しており,この予測が簡単にできれば, 非常に便利である。

上述の背景に立脚して本研究では、後退翼を有する インデューサ付き遠心ファンを用いて、入口角、出口 角およびスキュー角が空力特性と騒音特性に及ぼす影 響について実験を行い、考察した。併せて、乱流騒音 に関与するパラメータの一つである後流の幅の予測法

**機械システム工学科 (Department of Mechanical Systems Engineering)

平成14年10月25日受理

^{*}生産科学研究科博士後期課程(Graduate student, Graduate School of Science and Technology)

^{***}松下精工(株) (Matsushitaseikou Co., Ltd.)

^{****}生産科学研究科博士前期課程(Graduate student, Graduate School of Science and Technology)

を提案し、これを用いて全帯域乱流騒音のL特性と A特性の予測を行った。全帯域乱流騒音の予測値は実 験値に対し、L特性、A特性ともにほぼ±3dBの精 度で一致することが明らかになった。

2. おもな記号

a。:音速 m/s B:動翼枚数 C:翼弦長 mまたはmm D:後流の幅 mまたはmm D1: 羽根車内直径 mまたはmm D2: 羽根車外直径 mまたはmm E:音響出力 W f: 周波数 Hz g: 重力加速度 m/s²*h*₁: 羽根入口のスパン長さ mm *h*₂: 羽根出口のスパン長さ mm $K_{s}(A)$: A 特性の音圧レベルに基づく 比騒音レベル dB $K_s(L): L$ 特性の音圧レベルに基づく 比騒音レベル dB L:電動機入力 WまたはkW n:高調波の次数 N:回転数 rpm $(\overline{p^2})^{1/2}$:音圧の二乗平均値 Pa ⊅₀:最小可聴音圧 Pa P_T :全圧 Pa Q:流量 m^3/s または m^3/min r:音源と観測点間の距離 m SPL(A):A特性に基づく音圧レベル dB *SPL*(*L*):L特性に基づく音圧レベル dB S:スキュー角 deg. u2:主翼出口の周速度 m/s Vr2:主翼出口における半径方向速度 m/s W:代表相対速度 m/s W2: 主羽根出口の相対速度 m/s z:スパン方向の距離 mm β_2 : 主羽根出口における流出角 deg. γ₁:主羽根入口角 deg. γ_2 : 主羽根出口角 deg. δ:出口偏差角 deg. η:ファン効率 *ξ*:取り付け角 deg. ρ:空気の密度 kg/m³ λ:動力係数 *ϕ*:流量係数

ϕ:圧力係数

3. 乱流騒音の基礎式

送風機から発生する騒音は,羽根車上流における主 流の乱れがかなり小さい場合(障害物がない)は主と して翼後縁から放出される渦に起因する。この騒音の 音響出力*E*は式(1)で与えられる^{(2)~(4)}。

$$E = \pi B \rho \int DW^6 dz / (2400 a_0^3)$$
 (1)

ここでBは動翼枚数, ρは空気の密度, Dは後流の幅, Wは代表相対速度, zはスパン方向の距離, a, は音速 である。本研究の場合,代表相対速度は市販のソフト (タスクフロー)を用いて求めた翼周りの数値シミュ レーション結果⁽¹⁾を参照して主羽根入口における相対 速度を採用した。軸流送風機騒音の研究において, Sharlandも同様に代表相対速度として入口相対速度を 用いている⁽⁷⁾のは興味深い。

クリーンモジュールユニット(図2参照)に関して は、ファンの吸込口と吐出口とがかなり近いという理 由^⑤から音響出力Eと観測点の音圧pとは次のように 関係付けられる。

 $E = 4\pi r^2 \overline{p^2} / (3\rho a_{\theta} \cos^2 \theta)$ ⁽²⁾

ここでrは音源と観測点との距離で、実際は入口ノズ ル端からマイクロホンまでの距離である。また、 θ は 音源を中心としてファンの軸中心と観測点とのなす角 で、本実験では0°である。以上の関係を基に、次式 より観測点の音圧レベル(SPL)が求まる⁽²⁾⁻⁽⁶⁾。

 $SPL = 10\log_{10}\left(\overline{p^2}/p_o^2\right) \tag{3}$

ここではp。は最小可聴音圧で0.00002Paである。

4.後流の幅の予測

図1は遠心ファン内の流動状況の概要を示したもの



Fig. 1 Definition of the wake width

である。流れは、負圧面側では設計入口角ηでA点 より流入し、通路を円弧状に流れ、翼後縁を通る円と の交点Bを通って後縁より流出角β2で流出する。一 方、圧力面側では、流れは翼面に沿って流入し、点C から圧力面に沿った角度で羽根車の外側に流出すると 仮定する。

 $γ_1 > β_2 ε$ 与えれば、それを満足する円はただ一つ定 まり、半径 $r > L \le E$ が決定される。点Cにおける接 線に垂線を立て、曲線 AB > の交点をF > すれば、直 線 CF が求められる。この直線 CF を本研究では後流 の幅D > 定義した。

5. 実験装置及び方法

図2はクリーンモジュールユニット(CMUと略 記)の実験装置の概要を示したものである。吸込側に はベルマウスが取り付けてあり,その上流側には危険 防止用の金網が設けられている。ベルマウスに流入し た流れはインデューサに入り,ここで仕事を与えられ て主羽根に入る。この羽根で転向されて,加速されな がら羽根車から流出する。羽根車を出た流れは壁面に 衝突した後,角度を転向して下流側に設けられた HEPAフィルターを通り,機外へ流出する。

本研究で用いたクリーンモジュールユニットの寸法 は縦が610mm,横が610mm,高さが140mmである。流動 様相の計測はピトー管と熱線流速計を用いて,羽根車 の半径より10mm大きい半径位置の4断面(90°間隔,



Fig. 2 Experimental apparatus



Fig. 3 Impeller with inducer

Fig. 4 Test impeller

T<u>4</u>18

 $\phi 360 \\ \phi 265 \\ \phi 230 \\ \phi 113.5$

MP1~**MP4**の4断面)を,スパン方向には約5mm間 隔に8点で行った。

なお,騒音測定は吸込側正面で回転中心上のベルマ ウス端から1m上流の点にマイクロホンを設置して無 響室で行った。騒音計からの出力信号はFFTアナラ イザを用いて30回の加算平均処理を行った後,周波数 分析された。

図3にインデューサ付き遠心羽根車の写真を,図4 にその概要を示す。供試羽根車は,いずれも外直径が 360mm,内直径が265mm,羽根枚数Bが11枚の後退翼 を持つ遠心羽根車である。基準の羽根車は主羽根の入 口角y1が29°,出口角y2が39°,取付け角*€*が49°であ る(この羽根車をBWI2939と呼ぶ)。また,これらの 角度は周方向を基準として表している。表1に基準羽 根車(BWI2939)の主要諸元を示す。このほか表2に 示すように入口角,出口角およびスキュー角を変えた 羽根車がある。

本研究で用いた CMU 装置の出口における規定の平 均流速は約0.5m/s (Q=11㎡/min) である。この値を 式(4)の流量係数 / で表せば約0.2となる。また,この 流量における羽根車の回転数は基準羽根車 (BWI 2939) では1055rpm であるが,羽根出口角を変えた羽

Table 1 Main dimensions of the impeller

Number of blades, B	11
Inner diameter, D ₁	265mm
Outer diameter, D ₂	360mm
Blade height at inlet, h_1	48mm
Blade height at outlet, h_2	40mm
Chord length, C	83mm
Inlet angle, γ	29 °
Outlet angle , γ_2	39 °
Stagger angle, ξ	43 °

 Table 2
 Inlet angle, outlet angle and skew angle of the test impeller

Impeller	γ 1	Y 2	S
BWI2029	20 °	23 °	0 °
BWI2939	29 °	39 °	0 °
BWI2948	29 °	48 °	0 °
BWI2965	29 °	65 °	0 °
BWI2990	29 °	90 °	0 °
BWI2939(S5)	29 °	39 °	5 °
BWI2939 (S10)	29 °	39 °	10 °
BWI2939 (S15)	29 °	39 °	15 °

根車の中にはこれよりも回転数が若干高くなる羽根車 も、低くなる羽根車もある。回転数N=1055rpmにお ける羽根車出口の周速度は約19.9m/s であり、羽根車 は140Wの単相の直流電動機によって駆動される。

6.実験結果及び考察

6-1 空力特性

図 5 (a), (b)は HEPA フィルタを外した場合の CMU の特性曲線の結果で,それぞれ出口角とスキュー角の 影響を示したものである。図 5 (a)中の〇印, \triangle 印, \square 印, ∇ 印および◇印はそれぞれ主羽根の出口角が23°, 39°,48°,65° および90°の結果である。また ϕ , ϕ および η はそれぞれ圧力係数,流量係数,ファンの全 圧効率である。これらは,式(4)を用いて算出した。

$$\begin{aligned} \psi &= 2P_T / \left(\rho \ u_2^2\right), \ \phi &= Q / \left(\pi \ D_2 h_2 u_2\right) \\ \lambda &= 2L / \left(\pi \ \rho \ D_2 h_2 u_2^3\right), \ \eta &= \psi \ \phi / \lambda \end{aligned}$$
(4)

ここで λ は動力係数, P_T は全圧, ρ は空気の密度, u_2 は羽根車外縁の周速度, Qは流量, D_2 は羽根車外直 径, h_2 は羽根車出口における翼のスパン長さ, Lは電 動機入力である。 図 5 (a), (b)から ϕ = 0.2, すなわち設計点近傍に最 高効率点があることが分かる。設計流量Q = 11 m²/min ($\phi \Rightarrow 0.2$) における効率と出口角の関係は以下のよ うである。出口角23°, 39°, 48°, 65°, 90°の効率は それぞれ56.2, 54.7, 53.4, 47.9, 40.0%であり, 出 口角が増加するにしたがって効率は低下する。一方, 圧力係数は逆に出口角が大きいほど高い。実際には ファン出口に HEPA フィルタが設置されているから, このフィルタの抵抗に打ち勝つ圧力が必要になる。こ のため圧力の低い出口角23°のファンは規定流量を出 すために出口角39°の基準のファンより回転数を多少 増加させる必要がある。

一方, $\phi \doteq 0.2$ におけるスキュー角とファン効率 の関係は,スキュー角0°,5°,10°,15°に対して効 率は54.7,53.8,54.4,54.2%となり,大差はない。 また,圧力係数は基準ファン (S=0°)が最も高く, スキュー角が増加するにしたがって低下する。した がって,規定流量を得るためには,フィルタ付き CMU (以下では CMU と呼ぶ)ではスキュー角が増加する



100

Fig. 6 Effects of the outlet angle and skew angle on rotational frequency of the fan



(b) Effects of the skew angleFig. 5 Characteristic curves

にしたがって回転数を若干増加させる必要がある。

前述したようにクリーンモジュールユニット (CMU)において必要とされる流量Qは11㎡/min(φ ≒0.2)である。この流量における設計出口角及びス キュー角と回転数との関係を調べたものが図6である。 図6(a)から設計出口角が増加するに従ってファンの回 転数は低下する傾向が見られる。一方,図6(b)のス キュー角に関しては,逆に角度が増加するにつれて回 転数はわずかに増加する程度である。

騒音は相対速度の6乗に比例することを考慮すれば ファンの回転数が騒音に及ぼす影響はスキュー角より 出口角の方が大きいと思われる。

6-2 羽根車出口の流動様相

図7は軸方向速度のスパン方向分布を示したもので ある。図7(a)は主羽根の出口角の影響を,図7(b)はス キュー角の影響を調べたものである。軸方向速度が正 は下向き流れを,負は上向き流れを表している。これ らの図より,いずれの羽根車ともスパンのほぼ全体に わたって流れは上向き流れであることを示している。



Fig. 7 Span wise distributions of the axial velocity

羽根車の下流側にフィルタが設置されていることを考 慮すれば,羽根車から出た流れが上向き流れになるこ とは下向き流れになる場合よりフィルタに直接当たる 速度が遅くなり,角度もフィルタ軸に平行になりやす いことからフィルタとの干渉騒音が小さくなることを 示唆するものである。

図8は半径方向速度V₂に及ぼす羽根車の出口角の 影響を流量Q=11㎡/min (φ ≒0.2) について示したも のである。図8(a)に見られるようにいずれの羽根車も スパン方向の分布は比較的平坦であり,前面シュラウ ドと後面シュラウド間では逆流は生じていない。これ は羽根車の入口/出口面積比がほぼ1であり,入口と 出口間で速度差がないことに起因している。また,出 口角が大きいほど,羽根車出口における半径方向速度 のスパン平均値は大きい。装置出口の流量は羽根車に よらずほぼ一定であるにもかかわらず,このような結 果を生じる原因として,出口角が大きくなるにした がってファンの静圧が増加するため,前面シュラウド の上面を通って羽根車入口へ向かう漏れ流れ(循環



Fig. 8 Span wise distributions of the radial velocity at outlet of impeller

流)が増えることが考えられる。スキュー角が半径方 向速度のスパン方向分布に及ぼす影響も出口角の場合 とほぼ同様である [図8(b)]。

ファンの空力特性の良否を判断するのに出口偏差角 が用いられる。これは設計出口角と流出角の差として 表されるもので,これが小さいほど流れは翼面に沿っ て流れているといえる。図9(a),(b)はそれぞれ設計出 口角とスキュー角が出口偏差角に及ぼす影響を示した ものである。図9(a)から設計出口角が大きくなるにつ れて出口偏差角も増加することが分かる。スパン方向 の距離z/h2が0.8以上で偏差角が小さくなっているの はこの領域では速度の変動が激しく,精度良く流れを 計測できなかったのが原因と考える。

一方,スキュー角からはスキュー角を付けるとスパン中央近傍での出口偏差角が小さくなり,流れが羽根に沿うようになることが分かる。スキュー角が10°のファン(□印)と0°のファン(○)を比較すれば,前者が後者に比べてスパン方向の距離z/h₂が0.3~0.7の領域で小さくなっている。このことはスキュー角を



Spanwise distance, z/h_2

(a) Effects of the outlet angle



Fig. 9 Span wise distributions of the deviation angle

付けることで,羽根車の流動状態が改善されることを 意味している。

著者らは後流の幅の実測値を求めるために以下の手 法を試みた。まず熱線流速計から得られる速度変動波 形の波高の1/2における幅(半値幅)の2倍を絶対座 標系における後流の幅とする。つぎに出口速度三角形 を利用して絶対座標系の後流の幅を相対座標系の後流 の幅に換算した⁽³⁾。これを後流の幅の実測値と呼ぶ。 しかしながら、この方法は非常に煩雑なので、図1に 示した方法で後流の幅の予測が出来れば便利である。 この方法で求められる後流の幅を予測値と呼ぶ。

図10は上述した後流の幅の実測値と予測値の比較を 示したものである。予測値と実験値とは分布に多少の 差があるもののスパン全体の平均値はほぼ一致してい る。

図11は後流の幅のスパン方向分布に及ぼす設計出口 角とスキュー角の影響を示したものである。後流の幅 はスパン方向の距離が0.3~0.4で極小値を取り,0.7 に向かうにつれて増加し,0.95近傍で最小となる傾向 を示す。また,設計出口角が増加するにつれて後流の 幅も増加する。出口角が23°と90°の場合を比較すれ ば,後流の幅は後者が前者の2.8倍である。このこと は後流の幅が音圧レベルに及ぼす影響として後者が前 者よりも約4 dB 高くなることを意味している。

スキュー角が10°のファンの後流の幅(□印)と0° のファンの後流の幅(○)を比較すれば,前者が後者 に比べてスパン方向の距離z/h₂が0.3~0.7の領域で後 流の幅が狭くなっている。このことはスキュー角を付 けることで,スパン中央部近傍の流動状態が改善され るため乱流騒音の低減につながることを示唆している。



Fig. 10 Comparison of predicted and measured width of wake

6-3 騒音特性

6-3-1 騒音のスペクトル分布

図12は騒音のスペクトル分布を例示したもので、実 線はスキュー角が0°のファン(BWI2939)の、破線 は10°のスキュー角を付けたファン(BWI2939s10) の結果である。図に示すように、いずれの羽根車にお いても羽根通過周波数(f=197Hz, n=1)に、前者 の場合は423Hzにも騒音のピークが見られる。

基本周波数騒音のピークが見られるのは,吸込管が かなり短いために管内で騒音の十分な減衰が得られな かったためか,吸込口上流が非対称なために流れが羽 根車に流入する際に偏流が生じ,これと羽根車とが干 渉して管軸方向に減衰しない干渉騒音が生じたためか の二つの理由が考えられる。

423Hz の騒音は前者の場合は高い騒音のピークを有 しているが,後者は乱流騒音レベル程度である。ファ ン(BWI2939s10)は樹脂製であるのに対して,ファ ン(BWI2939)はアルミ合金製である。423Hzの騒音 は樹脂製の場合には発生していないことを勘案すれば,



Fig. 11 Span wise distributions of the width of wake

423Hzの騒音は羽根車と装置との共振に因るものと考 える。

羽根車のファンの乱流騒音の実験値を求める場合に は、全帯域騒音からこれらの離散周波数騒音の音響エ ネルギーを差し引いた。

6-3-2 全帯域騒音と比騒音レベル

図13に設計入口角 r_1 が全帯域乱流騒音に及ぼす影響 を示す。入口角 $r_1=20^\circ$ は無衝突で流入すると仮定し たときの設計入口角であり、29°は角超過を考慮した ときの設計入口角である⁽⁸⁾。図中の〇印はL特性の音 圧レベル、△印はA特性における音圧レベルである。 なお、流量はいずれの場合もQ=11 m²/minである。図 より、L特性に関しては入口角が増加すれば若干音圧 レベルは低下する。これは規定流量を得るために入口 角 $r_1=20^\circ$ のファンは29°のファンよりも回転数を増 加させなければならないためである。一方、A特性で は後者が前者よりもかなり低下している。これは後者 が前者よりも低周波数成分が多くなっていることを意 味している。

図14は設計出口角Y2が全帯域乱流騒音と比騒音レベ



Fig. 12 Spectral distribution of the fan noise



Fig. 13 Effects of the inlet angle on overall noise

ルに及ぼす影響を5種類の出口角について示したもの である。比騒音レベルは音圧レベルに圧力と流量を加 味したもので,式(5)で定義される。この値が低いファ ンほど良好なファン,あるいは静音のファンといわれ ている。

$$K_{s} = SPL - 10\log_{10}(QP_{T}^{2}) + 2$$
(5)

ここで K_s は比騒音レベル(dB), SPLは音圧レベル(dB), Q は流量(m'/s), P_T は全圧(Pa)である。

L 特性の音圧レベル(○印)に関しては, r₂が23° から増加するにしたがって低下して行き,48°~65° 近傍で極小値を取り90°へ向かって増加する傾向を示 す。A 特性の音圧レベル(△印)もL 特性の場合と 同様な傾向が見られる。

一方,比騒音レベルは音圧レベルとほぼ同様の傾向 を示し,設計出口角が48°~65°近傍に極小値を持つ。 以上のことを考慮すれば,騒音の面からはファンの最 適設計出口角は48°~65°近傍であるが,図5(a)の ファン効率を参照すれば,48°近傍に最適値が存在す るといえる。



Fig. 14 Effects of the outlet angle on SPL ans K_s



Fig. 15 Effects of the skew angle on SPL ans K_s

図15はスキュー角が全帯域乱流騒音と比騒音レベル に与える影響を示したものである。この図から,音圧 レベルに関しては,L特性,A特性ともにスキュー角 が10°の場合がレベルが最も低い。比騒音レベルに関 しても音圧レベルの場合と同様に10°近傍に最小値が 見られる。したがって,送風機特性の面からは10°近 傍にスキュー角の最適値が存在すると考える。

図16は乱流騒音の全帯域音圧レベルの実験値と予測 値の比較を行ったものである。45°の太い実線は実験 値と予測値とが一致した点を結んだ線である。細い実 線は±3dBの誤差を示す線である。全帯域音圧レベ ルの実験値と予測値とはL特性(○印),A特性(● 印)ともにほぼ±3dB以内の精度で一致することが 分かる。

6. 結 言

本研究では、インデューサ付き遠心ファンの空力特 性と騒音特性に及ぼす羽根入口角、出口角およびス キュー角の影響を実験的に調べた。併せて乱流騒音に 及ぼす因子の一つである後流の幅の予測法について議 論した。得られた結論は以下の通りである。

- (1) ファン効率は設計出口角が小さいほど高いが,圧 力は逆に低下する。スキュー角がファン効率に及ぼ す影響は小さい。一方,圧力はスキュー角が増加す るに従って若干低下する程度である。
- (2) 後流の幅は設計出口角が大きいほど広い。ス キュー角に関しては、スキュー角を付けるとスパン 中央近傍の後流の幅が狭くなり、流れが翼に沿うよ うになる。
- (3) 規定流量において無衝突流れを仮定した入口角を



Fig. 16 Comparison of predicted and measured sound pressure level of the turbulent noise

もつファンは角超過を考慮した基準のファンより騒音が高い。設計出口角に関しては、48°近傍に最適出口角が存在する。また、羽根にスキュー角を付けると空力特性や騒音特性は若干改善される。スキュー角の最適値は10°近傍である。

- (4) 比騒音レベルに関しては、音圧レベルと同様に設 計出口角が48°近傍に、スキュー角に関しては10° 近傍に最適値が存在する。
- (5) 本研究で提案した後流の幅の予測法を用いれば、
 ほぼ±3dB以内の精度で乱流騒音のA特性とL特
 性の値を予測することが可能である。

参考文献

(1) 児玉・他4名、インデューサ付き遠心ファンの空力特性と騒音に関する研究、長崎大学工学部研究報告、32-58 (2002)、47-55.

- (2) 深野・他2名, 低圧軸流送風機の乱流騒音について, 機論, 41-345 (1975), 1479-1487.
- (3) 深野・児玉,低圧の軸流および斜流送風機の音圧 レベル予測,機論(B),53-492 (1987),2514-2521.
- (4) 児玉・他3名,多翼ラジアルファンの乱流騒音の
 予測,ターボ機械,28-4 (1996),477-484.
- (5) 児玉・他3名, スクロールレス遠心送風機の乱流 騒音について, 機論(B), 66-650 (2000), 2577-2584.
- (6) 児玉・他3名,二重翼列遠心ファンの空力特性と 騒音に関する研究(スクロール角及び隔壁の影響), ターボ機械,29-8 (2001),456-463.
- (7) Sharland, I. J., Sources of Noise in Axial Flow Fans, J.
 Sound Vib., 1-3 (1964), 302-322.
- (8) 生井,遠心・軸流送風機と圧縮機,(1968),192, 朝倉書店.