# 炭素繊維プレート接着補強鋼部材の有限要素法解析 その2 断面欠損のある小梁の補剛効果

## 玉井宏章\*・中村憲一\*\*・島津勝\*

# FEM Analysis of Rehabilitated Steel Member using CFRP Plates Part 2 Stiffening Effect on Subsidiary Beam with Faults

by

## Hiroyuki TAMAI\*, Kenichi NAKAMURA\*\* and Masaru SHIMAZU\*

The authors have developed a tensile force strengthening method using bonded carbon fiber reinforced plastic (CFRP) plate to enhance the life of existing building. This paper reports the result of loading tests and F.E.M. analyses on a subsidiary beam before and after rehabilitation using bonding CFRP Plates. These results show the required bonding length to recover the its original flexural stiffness. And rehabilitated effect could be evaluated by presented calculation to take an additional bonding length.

#### Key words: Carbon Fiber Reinforced Plastic Plate, Steel Member, Nonlinear Finite Element Method

## 1 はじめに

高い剛性と強度を有する炭素繊維を鋼構造物に接着 補強する方法が著者らを含めた研究者によって開発さ れつつある.

前報その1 では,実大の送電鉄塔主材の補強山形鋼 材について行った偏心圧縮試験について,3次元有限要 素複合非線形解析を行った.その際,炭素繊維プレート の異方性や破壊条件を精密にし,破壊限界を推定した. また文献4 では,代表的鋼部材である小梁の曲げ補強 を対象として,単純梁載貨試験を行って最適な適用方 法の補強効果を検討した.

本報では,腐食等により下フランジ断面が欠損した 梁が欠損した梁を想定して下フランジに CFRP を部 分的に接着補強した試験体を作成し,単純梁載貨試験 を行って,炭素繊維プレート接着による,下フランジの 発生応力,発生ひずみの低減効果を示すとともに,実験 結果について 3 次元有限要素法解析を行って,低減効 果を詳細に検討する.接着した炭素繊維プレートも梁 と一体として挙動するとした理論値と実験値及び有限 要素解析値を比較し,補強設計の便を考慮して,理論値 により発生応力,発生ひずみの低減効果を予測しうる, 炭素繊維プレートの必要接着長や接着層厚さを示す.

### 2 実験の概要

炭素繊維プレートを接着補強することによる断面欠 損梁の発生ひずみ低減効果を明らかにするため,中央 集中荷重を受ける単純支持梁の載貨実験を行った. 加力装置の概要を図1に示す.ピンとローラー支持を 取付けた反力梁上に試験体を設置し試験体中央部にピ ンとロードセルを介して,載荷フレームに固定した油 圧ジャッキが取り付けてある.

載荷プログラムは,この油圧ジャッキを用いて単調 に載荷した.

標準的な試験体形状を図2に断面欠損部の詳細を図3 に示す.

試験体は全長 4500mm の細幅 H 形鋼(BH-250×125×6 ×25,9)で上フランジ厚 25mm,下フランジ厚 9mm とし, 下フランジ中央部 500mm の領域の板厚を 6mm と減厚し たもの(減厚無補鋼強試験体)とその試験体の下フ

平成 24 年 12 月 17 日受理

<sup>\*</sup> システム科学部門 (Division of System Science)

<sup>\*\*</sup> 構造工学科 (Department of Structural Engineering)







表 1 素材試験結果。

表2 CFRP と硬化後の接着剤の素材特性。

-			ヤング係数		降伏応力		引張強度		破断 ひずみ	
			$kN/mm^2$		N/mm <sup>2</sup>		N/mm <sup>2</sup>		%	
	CFRP TL		169.1		-		3,085		1.52	
	CFRP ML		295.7		-		2,169		0.71	
ヤング係数		曲	げ強度	圧縮降伏強度		引張強度		引張せん断付 着強度		衝撃強度
kN/mm <sup>2</sup>		$N/mm^2$		N/mm <sup>2</sup>		N/mm <sup>2</sup>		N/mm <sup>2</sup>		$kJ/m^2$
2.28		55.8		59.0		34.8		25.5		4.2
ЛS K7208		JIS K7203		JIS K7208		ЛS K7113		JIS K6850		ЛS K7111



図3 ひずみゲージ貼付位置



図4 有限要素解析モデル

ランジ下面に中弾性型炭素繊維プレート(ML 50mm× 2mm)を両側 200mmの定着付加長を加えて長さ 900mm だけ2列2,4層接着したもの(2層貼試験体,4層貼 補強試験体)計3体の試験体を用意した.試験体に用い たH形鋼梁の各部位の1号試験片による3体の引張り 試験結果の平均値を表1に,炭素繊維プレート,硬化後 の接着剤の素材特性を表2に示す.

計測は、荷重の計測はジャッキ先端に取り付けたロ ードセルから中央集中荷重Pを、変位の計測はローラ ー及びピン支持部の鉛直変位 $\delta_l, \delta_r$ 及び中央点鉛直変 位 $\delta_c$ を高精度変位計で計測した.また、全試験体につい て図3に示す位置に検長5mmの一軸箔ひずみゲージ を貼付して計12点の材軸方向直ひずみを計測した. 尚、中央たわみ、wは次式により算定した.

 $w = \delta_c - \frac{\delta_l + \delta_r}{2} \qquad \dots \qquad (1)$ 

## 3 解析方法

H型鋼梁の炭素繊維プレートによる接着補剛の効果 と所要の接着長さを検討するため,実験を行った接着 補強試験体について有限要素法解析を行った.

炭素繊維プレートは,高剛性・高強度の炭素繊維一方 向に引きそろえ,加熱硬化後型の樹脂で一体化し板状 に加工した材であるため,繊維方向と繊維直方向との 弾性剛性,強度が異なる強い異方性を有している.これ らの材の特性を追跡するために定式化した,弾性応力-ひずみ関係式,破壊条件,また鋼材の弾塑性応力-ひずみ 関係式を利用した.これらの詳細並びに解析用材料定 数は文献1を参照されたい.



図5 CFRP を接着した H 形鋼の断面

解析モデルを図4に示す.加力点及び支持点に6自由 度節点を設け強制圧縮変位をy軸方向に与える.加力 用節点及び支持点断面の節点はリジットリンクで結合 している.ひずみゲージの貼付位置に節点がくるよう に要素分割を行った.

形状・変形の対称性から 1/4 領域の解析を行った. 接着層の変形や CFRP,鋼板の板幅方向のひずみ分布 を考慮するため,1節点,3自由度,セレンディピティ 族の20節点六面体要素を採用した.計測は中央点の荷 重 P,鉛直方向変位wと下フランジゲージ位置の材軸 方向垂直ひずみ εは,形状関数を重みとする平滑化法 によって節点位置で求めた値を比較値として採用した. 尚,プレ,ポスト処理はMentat2008,解析はMarc2008に より実行した.

## 4 算定方法

鋼梁と炭素繊維プレートとの複合材断面の曲げ剛性 と縁ひずみの算定方法を以下に示す.

#### 〇曲げ剛性算定式

図 **5** に示すように H 形鋼の図心に原点 O と *x*'*y*'座 標を置く.鋼材, n 層の接着剤, CFRP 板材の全断面 についての図心回りの曲げ剛性 *EI*<sub>c</sub> は次式のように求 まる.

ここに、n は、層数であり、 $E_i$ , $I_i$ は *i* 層要素のヤング 率、断面二次モーメント(図心上の弱軸回り)であ る.  $I_i$ は、次式で求まる.

$$I'_{i} = \iint_{A} y^{'2} \cdot dA = 2 \cdot \int_{0}^{L_{i}} y_{i}^{'2} \cdot t_{i} \cdot ds$$
 ..... (3.c)

ここに s 座標は, 層要素の中心の座標である. 図心距 離 y<sub>0</sub>は, ヤング係数で重みを付けた断面 1 次モーメ ントと断面積から, 次式で評価できる.

$$y_{0} = \frac{\sum_{i=0}^{n} E_{i} \cdot S_{i}'}{\sum_{i=0}^{n} E_{i} \cdot A_{i}}$$
 (3.d)

ここに,

さて,第 i 層の始点と終点の y'座標値を  $y_s$ ', $y_e$ 'とすると i 層要素の座標  $y_i$ 'は次式で表される.

$$y_i' = (y_e' - y_s') \cdot \frac{s}{L} + y_s'$$
 (4.a)

よって, (5.e) 式の
$$S_i$$
'は,  
 $S_i' = 2 \cdot \int_0^{L_i} y_i' \cdot t_i \cdot ds = t_i \cdot (y_e' + y_s') \cdot L_i$  .....(4.b)

また, I<sub>i</sub>'は次式のように積分できる.

#### 〇縁ひずみ算定法

鋼材, 接着剤と炭素繊維プレートが一体となって 挙動するとして古典梁理論のベルヌーイ・オイラーの 仮定が成立するとすれば,本実験のような曲げを受け る単純梁の縁ひずみ *ε*, は次式で表される.

$$\varepsilon_r = \frac{M}{\frac{(EI)_c}{v}} \qquad (5.a)$$

*y<sub>r</sub>* ここに, *y<sub>r</sub>* は図心から縁までの距離, *M* は曲げモー メントであり,ローラー支持点から評価点までの距離 を*z* とすると

 $M = \frac{P}{2} \cdot z$  .....(5.b) 曲げモーメントは材軸方向に連続変化する.今回取 り扱う梁は編断面であるので(5.a)式から得られる縁 ひずみの材軸方向変化は不連続となる.

### 5 実験 解析結果とその考察

図6に全試験体の荷重-たわみ関係を図7に中央荷 重 Pを70kNとしたとき中央下フランジ下面の垂直ひ ずみを(a)2層貼試験体(b)4層貼試験体について示す.

図 8 は中央荷重を 80kN としたときの 4 層貼試験体 における表層から 1~4 層の接着材のせん断ひずみ分 布を示す.2 層及び 4 層貼試験体の接着層厚  $t_a$  は一層 当り 0.21mm で,減厚部端からの接着付加長さ  $\ell_c$  は両 端から  $\ell_c$  = 200mm となっている (x = 0 450mm が CFRP 接着長さとなっている.

図6は縦軸の荷重は下フランジに減厚のない鋼梁の 単位変形角荷重で無次元化した荷重 $P \cdot \ell^2 / 48 \cdot E \cdot I_s \epsilon$ 横軸はスパン長さで無次元化したたわみ $w/\ell \epsilon$ 示す. 図7,8は,梁中央から材軸方向座標 $x \epsilon$ 下フランジ下 面の表層のCFRP プレート中央位置の垂直ひずみ $\epsilon \epsilon$ 実験値0で,算定値を破線で,有限要素解を実線で示す とともに,併せて補強前・補強後の鋼材の垂直ひずみ $\epsilon$ を一点鎖線, 破線で示す.



これらの図より以下のことがわかる

- 部分貼補強により2層貼で14%4層貼で21%曲げ 剛性が上昇し欠損なし試験体と同等のたわみに回 復することができる.
- 2) ベルヌーイ・オイラーの仮定に基づく算定値と比 ベ, CFRP 表層の垂直ひずみ ε は、接着端から 150mm の範囲では小さく、それ以降ではほぼ一致 する.この傾向とひずみ値は実験値と有限要素解 析値とがほぼ一致することから有限要素法におけ る解析手法が有効であるといえる.
- 減厚部下フランジ下面(0<x<250mm)の鋼材の 垂直ひずみは無補強の場合 1200µ まで突出し弾 性限まで達する一方,2 層貼,4 層貼の補強を行え ば,接着部(0<x<450mm)の垂直ひずみを大幅に 低減できる.
- 4) 弾性限の荷重 P=70kN から 80kN まで荷重を大 きくした時接着層では,最下層(第 4 層)から表層 (第 1 層)に向けて,生じるせん断ひずみは小さく なる.最下層の接着端部において,大きなせん断ひ ずみが生じるがこれは塑性化に伴うものであり, 実験ではこの部分から塑性化した後,接着材の破 壊が生じたと考えられる.

図9には4層貼試験体において,減厚部からの接着付加長さ $l_c$ を両端に $\ell_c = 25,50,100,200,250,500$ mmと変化させた場合の表層 CFRP 表面の垂直ひずみ分布を,図10には接着層厚 $t_a$ を一層当り0.1,0.21,0.5,1.0,2.0,5.0と変化させた場合の同様の垂直ひずみ分布,それぞれ,示す.

これらの図より,

- 1) 接着付加長さを 100mm 以下に短くすると減厚部 ( $x \le 250$ mm)において CFRP が一体化してない領 域が生じる一方  $\ell_c$ を 200mm 以上確保すれ ば, CFRP は一体であると考えることができる.
- 2) 接着層厚 t<sub>a</sub> が 1mm 以上と厚い場合は、CFRP プレ ートに生じる垂直ひずみは低下する.一方、 t<sub>a</sub>を 1mm 以下としておけば、CFRP プレートに生じる 発生ひずみは十分確保できる.

これらの知見は,鋼材・CFRPと接着材の剛性比や減 厚長さ比に依存すると考えられるため,それらの影響 は今後検討する予定である.

6 まとめ

下フランジ中部に断面欠損を有するH形鋼梁に炭素

繊維プレートを接着補強した試験体について,載荷試 験を行うとともに,炭素繊維プレートの異方性を考慮 した有限要素解析を行い,その有効性を示した後に,そ の有限要素解析手法を用いて接着付加長さと接着層厚 の補鋼効果を検討した.

得られた知見は以下のように要約できる.

- 弾性範囲内であれば、荷重-変位関係、下フランジ ひずみ分布は、実験値と有限要素解析値は良好に 一致することから、接着補剛効果は本有限要素解 析法で十分追跡しうる.
- 2)限られたパラメータでの結果であるが,接着付加 長さℓ<sub>c</sub> = 200mm以上接着層厚 1.0mm 以内として おけば,減厚部の発生ひずみを健全な値まで抑え ることができ,またその発生ひずみは,一般のベル ヌーイ・オイラーの仮定に基づく算定方法で十分 な精度で予測しうる.

上述の結果から,腐食等により下フランジ部に減厚 が部分的に生じた場合の補修設計に利用でき,経済的 な補修に寄与できると考えられる.

#### 謝辞

本研究の計算実施にあたって共同研究施設である九 州大学情報基盤研究開発センター内の日立 SR16000, AIX OS の Marc/Mentat2011を利用させていただいた. ここに記して謝意を表する.

#### 参考文献

- 玉井宏章,島津勝:炭素繊維プレート接着補強部材の有限要素法解析,その1材料異方性と破壊則の 導入,長崎大学大学院工学研究科報告,第42巻 第79号, pp.21-28,2012.7.
- EI Damatty, A.AAbushagur, M Yousserf, M. A. : Experimental and analytical investigation of steel beams rehabilitated using GFRP sheets, Steel and Composite Structures, Vol.13, No6, pp.421-438, 2003.3.
- 渡辺憲市,板垣一也,鈴木博之:炭素繊維補強強化 樹脂板による鋼橋の補強,鋼構造年次論文報告書 集,第8巻,pp.679-682,2000.11.
- 原伸幸,玉井宏章,高松隆夫,灰谷徳治,服部明 生:炭素繊維プレートによる鋼構造建物小梁の曲 げ補強について,鋼構造年次論文報告書,第 13 巻,pp.523-530,2005.11.